

REPÚBLICA FEDERATIVA DO BRASIL

MINISTÉRIO DAS MINAS E ENERGIA
DEPARTAMENTO NACIONAL DA PRODUÇÃO MINERAL

APLICAÇÃO DA SIMULAÇÃO DE HIDROCICLONES EM CIRCUITOS DE MOAGEM

MINISTÉRIO DAS MINAS E ENERGIA
Antonio Aureliano Chaves de Mendonça - Ministro de Estado
DEPARTAMENTO NACIONAL DA PRODUÇÃO MINERAL
José Belfort dos Santos Bastos - Diretor Geral
DIVISÃO DE FOMENTO DA PRODUÇÃO MINERAL
Sylvio Baeta Neves - Diretor
CENTRO DE TECNOLOGIA MINERAL

Roberto Cerrini Villas Bôas - Superintendente

MINISTÉRIO DAS MINAS E ENERGIA CENTRO DE TECNOLOGIA MINERAL-CETEM CONVÊNIO DNPM/CPRM

Tecnologia Mineral

Autores : José Ignácio de Andrade Gomes *
Regina Coeli Casseres Carrisso * *

APLICAÇÃO DA SIMULAÇÃO DE HIDROCICLONES EM CIRCUITOS DE MOAGEM

Execução e elaboração do trabalho pelo CENTRO DE TECNOLOGIA MINERAL — CETEM Atraves do convenio DNPM/CPRM

★ Eng. Metalúrgico
★ Eng. Metalúrgico

BRASÍLIA 1985

MINISTÉRIO : ENTRO DE TECH

Publicação do Departamento Nacional da Produção Mineral Setor de Autarquias Norte Quadra OI — Bloco B — Telex (061)1116 70.000 — Brasilia (DF) — Brasil

Copyright 1985 Reservados todos os direitos Permitida a reprodução , desde que mencionada a fonte

> Depósito Legal Biblioteca Nacional do Rio de Janeiro Instituto Nacional do Livro

Brasil. DNPM

Aplicação da simulação de hidrociclones em circuitos de moagem/J.I. Andrade Gomes e R.C. C. Carrisso. - Brasília, 1985. ...p.: il. - (Brasil.DNPM. Série Tecnologia

...p.: il. - (Brasil.DNPM. Série Tecnologia Mineral; 35. Seção Beneficiamento; 22) "Trabalho executado pelo Centro de Tecnologia

Mineral, através do Convênio DNPM/CPRM".

Bibliogr.

1. Tecnologia Mineral - Brasil. I. Gomes, J. I. de A. II. Carrisso, R.C.C. III. Centro de Tecnologia Mineral, Rio de Janeiro. IV. Título. V. Série.

CDD 622.7 CDU 622.2 (81)

RESUMO

ABSTRACT

1.	INTRODUÇÃO	01
2.	EQUAÇÕES DO MODELO	02
3.	CÁLCULOS DOS PARÂMETROS EXPERIMENTAIS	03
4.	AJUSTE DO MODELO	05
5.	ENSAIOS DE SIMULAÇÃO	06
6.	NOMENCLATURA	11
7.	BIBLIOGRAFIA	11

O trabalho descreve a metodologia necessária para ajustar o mode lo de Plitt a operações envolvendo hidrociclones. É apresentada uma situação real de bateria de hidrociclones fechando um circui to de moagem da usina de concentração da Caraíba Metais S.A. Ā partir de resultados de amostragens, ajustados por um programa de balanço de massas nos fluxos de entrada e saída de bateria de hidrociclones, para uma condição operacional, foram modificadas as constantes das equações do modelo que relacionam os parâmetros que definem a operação com as variáveis dimensionais. Com o modelo ajustado, foram realizadas simulações, através de programa de computador, em condições operacionais diferentes. Comparações entre os resultaods previstos pelo modelo os resultados experimentais mostraram boa condordância, indicando que esse pode ser utilizado para prever a performance dos ciclones com razoável precisão.

ABSTRACT

The research describes the methodology to fit the Plitt's model to operations concerning hydrocyclones. It is showed a industrial case of a grinding circuit closed with cyclones of a copper concentration plant from Caraíba Metais S/A. The sampling results of the streams in the input and output of the cyclones were adjusted by a material balance program. The predicted parameters of the model were compared with the experimental ones for a specific set of operating conditions and the constants of the model were modified in order to have a calibrated model, for the system studied. Simulation results with different sets of operating conditions were compared with experimental results, showing that the model can be used to predict cyclone performance with reasonable accuracy.

1. INTRODUÇÃO

Nos últimos anos, tem sido grande o esforço dedicado pelos pesquisadores visando o desenvolvimento de mode los matemáticos, essencialmente teóricos, que sejam universal mente aplicáveis. Entretanto, devido à natureza dos minérios, que apresentam formações geológicas específicas, esses modelos têm aplicações limitadas. Já os modelos fenomenológicos, que apresentam alguns parâmetros relacionados com as características do minério e equipamento, e que necessitam da determinação desses parâmetros para cada caso específico, são mais gerais e mais precisos. Uma vez ajustados através de observações, e des de que utilizados dentro das condições operacionais em que foram desenvolvidos, esses modelos podem se tornar uma ferramenta útil na otimização de processos ou auxiliar na definição de uma modificação a ser realizada no circuito.

Apenas 4 parâmetros são necessários para ca racterizar a performance de um hidrociclone: 1) o tamanho de corte corrigido (d50c), que é definido como o tamanho onde 50% das partículas que vêm da alimentação dirigem-se para o flow", como resultado apenas da ação de classificação, isto corrigido para a quantidade de água que se dirigiu para o derflow"; 2) a partição do fluxo (S), representado por vazão vo lumétrica de polpa no "underflow"/vazão volumétrica de polpa no "overflow"; 3) a eficiência da classificação (m), que é propor cional à inclinação da curva de partição (quanto maior a incli nação, mais perfeita é a separação); 4) a pressão na entrada do ciclone (p), que está relacionada com a capacidade do Conhecendo-se os quatro parâmetros descritos acima para um dado conjunto de condições operacionais, é possível determinar o ba lanço de massa completo em torno do ciclone, junto com a distri buição granulométrica dos produtos.

No modelo de Plitt $^{(2)}$, esses parâmetros foram relacionados, através de regressões lineares múltiplas, com as variáveis dimensionais do ciclone e características físicas da alimentação, a partir de 297 ensaios experimentais, sen

do 123 destes os mesmos utilizados por Linch e Rao⁽¹⁾. Apesar de ser um modelo empírico, Plitt procurou colocar as equações no mesmo formato de equações teóricas obtidas anteriormente⁽⁶⁾, e incluiu as variáveis mais importantes previstas pela teoria.

2. EQUAÇÕES DO MODELO

A seguir, são apresentadas as equações que relacionam os parâmetros citados com as variáveis dimensionais e características físicas da alimentação:

$$d50c = \frac{35 \times Dc^{0,46} \times Di^{0,6} \times Do^{1,21} \times e^{(0,063\%)}}{Du^{0,71} \times h^{0,38} \times Q^{0,45} (\rho s - \rho)^{0,5}}$$
(1)

$$S = \frac{2,9 (Du/Do)^{3,31} \times h^{0,54} \times (Du^{2} + Do^{2}) \times e^{(0,0054\emptyset)}}{H^{0,24} \times Dc^{1,11}}$$
(2)

$$m = e^{(0,58 - 1,58rv)} \times \frac{Dc^2 \times h}{Q}$$
 (3)

$$p = \frac{4.7 \times Q^{1.78} \times e^{(0.0055\%)}}{Dc^{0.37} \times Di^{0.94} \times h^{0.28} \times (Du^{2} + Do^{2})^{0.87}}$$
(4)

As constantes, em cada uma das equações, de vem ser modificadas de acordo com resultados experimentais, para calibração do modelo a um determinado sistema ciclone-minério existente. A equação que calcula a % do minério recuperado no "underflow", em cada intervalo granulométrico, em relação à alimentação (7), é a seguinte:

$$Yc_i = 1 - e^{(0,693(d_i/d50c)^m)}$$
 (5)

Com o conhecimento da partição do fluxo (S) e dos sólidos, é possível calcular a água recuperada no "under flow" (Rf) e, consequentemente, obter-se a curva de partição atual, que representa a análise granulométrica do "underflow".

3. CÁLCULOS DOS PARÂMETROS EXPERIMENTAIS

A bateria de ciclones opera fechando um circuito de moagem de bolas convencional. As amostras foram coletadas na descarga do moinho e nos produtos dos ciclones. A descarga do moinho com adição da água de diluição constitui a alimentação dos ciclones. Os resultados de amostragens em três condições operacionais diferentes foram ajustados por um programa de balanço de massas (Matbal-4) (10), visando obtenção de valores mais confiáveis e satisfazendo as equações de conservação da massa na entrada e saída dos ciclones. As Tabelas 1, 2 e 3 apresentam: as condições operacionais em que foram obtidas as amostras, os valores resultantes da amostragem e os valores a justados pelo balanço de massas.

Al	ALIMENTAÇÃO		"OVERFLOW"		"UNDERFLOW"	
	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
Taxa de Soli dos (t/h)	913,0	866,2	206,0	206,0	707,0	660,2
Vazão de água (m ³ /h)	504,0	486,5	303,0	299,8	201,0	186,7
% sólidos	64,4	64,0	40,5	40,7	77,8	78,0
Vazão volum <u>é</u> trica (m³/h)	796,0	763,2	369,0	365,6	427,0	397,6
% RETIDA (MICRA TAMANHO	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
297	40,75	40,05	0,00	0,00	51,69	52,55
210	11,71	11,60	7,29	7,30	12,85	12,95
149	13,76	13,87	13,57	13,54	14,05	13,96
105	7,31	7,87	13,06	12,63	6,75	6,39
74	5,90	6,06	11,63	11,48	4,43	4,36
53	3,76	3,92	9,24	9,00	2,39	2,34
44	2,76	2,50	6,65	7,01	1,06	1,09
- 44	14,05	14,15	38,56	39,04	6,78	6,40

Tabela 1. - Resultados de amostragens. Dia 23/03/84. Três ciclones em o peração, diâmetro do vórtex = 10", diâmetro do ápex = 5", pressão da alimentação = 44kPa, densidade do sólido = 3,13 g/cm³.

AL	ALIMENTAÇÃO		"OVERFLOW"		"UNDERFLOW"	
	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
Taxa de sól <u>i</u> dos (t/h)	792,0	782,3	198,0	198,0	534,0	584,3
Vazão de água (m ³ /h)	516,0	511,8	336,0	335,5	180,0	176,3
% sólidos	60,6	60,5	37,1	37,1	76,8	76,8
Vazão volumé trica (m³/h)	769,0	761,8	399,0	370,0	370,0	363,0
% RETIDA TAMANHO (MICRA)	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
297	32,13	31,23	1,01	1,01	40,41	41,47
210	13,73	13,90	3,34	3,34	17,70	17,48
149	14,15	15,57	11,05	10,83	19,11	17,18
105	11,09	9,60	15,03	15,72	7,08	7,53
74	6,81	6,95	13,35	13,21	4,88	4,83
53	4,03	4,11	9,54	9,43	2,32	2,30
4 4	2,26	2,33	5,93	5,81	1,16	1,15
-44	15,80	16,31	40,75	40,65	7,34	8,06

Tabela 2. – Resultados de amostragens. Dia 17/02/83. Três ciclones em operação, diâmetro do vórtex = 12", dia metro do apex = 43/4", pressão de alimentação = 40kPa, densidade do sólido = 3,13g/cm 3 .

A	LIMENTA	ÇÃO	"OVE	RFLOW"	"UNDER	FLOW"
	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
Taxa de sól <u>i</u> dos (t/h)	1365,0	1403,5	200,0	200,0	1165,0	1203,5
Vazão da água (m ³ /h)	944,0	960,6	581,0	584,0	363,0	374,3
% sólidos	59,1	53,4	25,6	25,5	76,2	73,6
Vazão volum <u>é</u> trica (m ³ /h)	1381,0	1409,0	645,0	647,9	736,0	758,8
% RETIRADA TAMANHO (MICRA)	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.	OBS.	AJUST.
297	38,43	38,20	0,34	0,34	43,23	44,50
210	15,32	15,70	3,06	3,06	18,26	17,80
149	16,72	17,24	12,73	12,69	18,54	17,99
105	9,70	9,94	15,51	15,42	9,22	9,03
74	5,01	5,22	13,75	13,52	3,96	3,85
53	1,84	2,00	7,19	6,83	1,27	1,21
4 4	1,93	2,01	7,88		1,09	1,07
-44	10,05	9,69	39,54	40,45	4,43	4,55

Tabela 3. - Resultados de amostragens. Dia 29/04/82. Cinco ci clones em operação, diâmetro do vórtex = 27,4cm, diâmetro do ápex = 12,3cm, pressão de alimentação = 43kPa, densidade do sólido = 3,13g/cm³.

Com os valores ajustados da amostragem do dia 23/03/84 e mais a pressão medida na entrada dos ciclones, foram obtidos os parâmetros d50c, m, S e p, que estão apresentados na Tabela 4. Com os dados de vazões de sólidos e análises granulométricas, obteve-se a curva de partição atual, que foi corrigida para a água recuperada do "underflow" (Rf), para obtenção da curva corrigida. A eficiência de classificação (m) foi determinada pela inclinação da reta que se obteve após utilização de regressão linear com os pontos lnd x ln (ln (1 - yc;

A reta obtida apresenta a linearização da equação (5), de onde pode ser determinado o valor de d50c. A partição do fluxo (S) foi determinada pela relação: vazão volumétrica do "underflow"/vazão volumétrica do "overflow".

PARÂMETROS	VALORES EXPERIMENTAIS	VALORES PREVISTOS	FATOR DE CALIBRAÇÃO	
d50c	123	378	0,325	
m	2,34	2,07	1,130	
S	0,91	0,19	4,789	
р	40,0	37,2	1,076	

Tabela 4. - Fatores de calibração para ajuste do modelo as condições do dia 23/03/84.

4. AJUSTE DO MODELO

Com o conhecimento das variáveis dimensionais do ciclone, Dc = 66,04, Do = 30,48, Du = 12,70, Di = 22,20 e h = 230, em centímetros, foram calculados os parâmetros previstos pelas equações (1), (2), (3) e (4). Os valores encontrados estão comparados com os valores experimentais obtidos na Tabela 4. Observa-se uma grande discrepância entre os parâmetros previstos e os experimentais, o que certamente proporcionará análises granulométricas dos produtos previstos (equação 5), bem distante das obtidas experimentalmente. Os fatores de calibra

ção, que foram obtidos pela divisão dos valores experimentais pelos previstos, foram multiplicados pelas constantes das ções (1), (2), (3) e (4). Observações "in situ" da descarga do ápex mostraram ser essa do tipo cordão. Embora se tenha informação quantitativa do efeito desse tipo de descarga na per formance do ciclone, sabe-se que, nessa situação, a polpa carregada perde seu movimento rotacional, e que há uma sobrecar ga de sólidos no ápex, existindo uma % de sólidos limite para a descarga. Esse efeito faz com que certa quantidade de material grosseiro, que normalmente deveria se dirigir para o flow", seja descarregada no "overflow", acarretando um rápido acréscimo no d50c (8), invalidando a equação (1). No programa utilizado para esse trabalho, esse efeito é manipulado especifi cando-se, pelo usuário, a percentagem de sólidos máxima, em lume, permitida no ápex para alimentação com 20% de sólidos em volume. Foi assumido que a concentração limite permitida no ápex aumenta com a % de sólidos, em volume, da alimentação, se gundo a equação: Lu = Lu20 + 0,0068 (\emptyset - 20). Se essa ção é encontrada, o d50c é repetidamente aumentado de 5%, que a concentração de sólidos no "underflow" seja reduzida a um valor abaixo da concentração limite. O número de iterações armazenado de tal forma que uma mensagem pode ser impressa indi cando de quanto foi aumentado o d50c. Com o modelo calibrado para as condições do dia 23/03/84, foram realizadas diversas simulações, com alterações no valor de Lu20. Os resultados mulados foram comparados com os experimentais. O valor de Lu20 que proporcionou melhor simulação foi de 0,428.

5. ENSAIOS DE SIMULAÇÃO

A Figura l apresenta uma comparação entre os valores obtidos experimentalmente e os obtidos pelo modelo calibrado para as condições operacionais do dia 23/03/84. Os dados de entrada do programa foram modificados para as condições operacionais dos dias 17/02/83 e 29/04/82 e realizadas si

	TAXA DE SÓLIDOS	VAZÃO DE ÁGUA	% DE SOLIDOS
UNDER	670,8	182,9	78,6
OVER	195,4	303,5	39,2

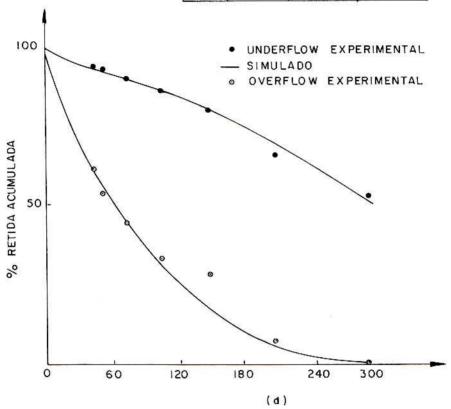


FIGURA I- ANÁLISE GRANULOMÉTRICA DOS PRODUTOS E BALANÇO DE MASSA SIMULADO DIA 23/03/84

mulações para essas condições. As Figuras 2 e 3 apresentam uma comparação entre os valores previstos e os experimentais dos produtos do ciclone. Observa-se boa concordância entre esses valores, indicando que o modelo pode ser aplicado para o sistema ciclone-minério estudado.

6. CONCLUSÕES

Verificou-se que, para utilização do mode lo, é necessária a realização de amostragens no circuito, a fim de verificar e corrigir as possíveis distorções entre os tados previstos e os experimentais. No caso estudado, com a mo dificação das constantes das equações que relacionam os tros que definem a operação com as variáveis operacionais, com a definição de uma equação relacionando a concentração limi te de sólidos no ápex com a percentagem de sólidos na ção, foi possível obter simulações da operação para as condi ções em que foram obtidas as amostras. Entretanto, em cada ca so, devem ser investigadas as variações dos parâmetros com as variáveis operacionais de interesse, dependendo do propósito da simulação, e, caso existam distorções, as constantes devem ser alteradas por funções das variáveis em questão, através de re gressões.

O modelo ajustado pode ser utilizado como auxiliar na definição do valor das principais variáveis que al teram a performance do hidrociclone, visando obtenção de produto de moagem adequado para a operação de flotação subsequente. Estudos de otimização do circuito de moagem por simulação dependem de um modelo que relacione as características da alimentação com o produto do moinho, que diretamente influencia a alimentação do ciclone. Dessa forma, é possível obter simulador, para o circuito de moagem, que poderá ser utilizado como uma ferramenta na otimização do mesmo. Esse estudo está sendo de senvolvido, e deverá ser apresentado futuramente.

	TAXA DE SÓLIDOS	VAZÃO DE ÁGUA	% DE SOLIDOS
UNDER	584,9	171,5	77,3
OVER	197,5	340,3	36,7

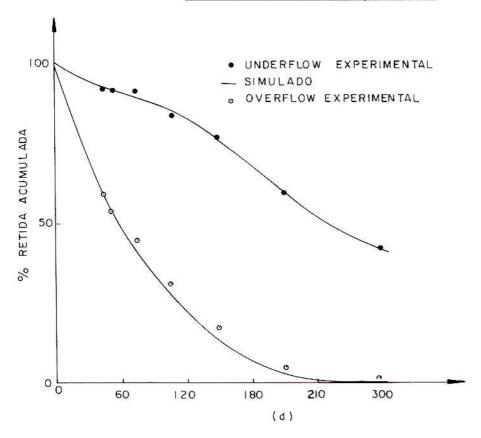


FIGURA 2 — ANÁLISE GRANULOMÉTRICA DOS PRODUTOS E BALANÇO DE MASSA SIMULADO DIA 17/02/83

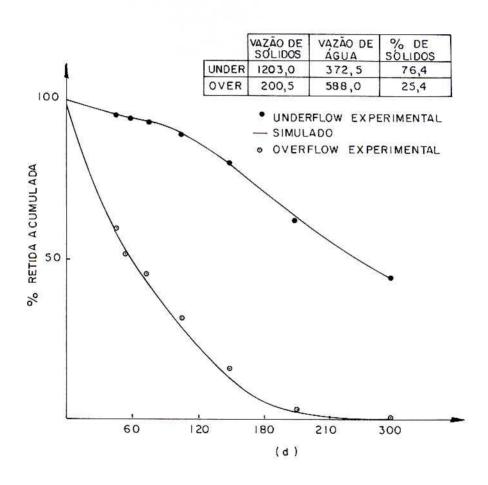


FIGURA 3 - ANÁLISE GRANULOMÉTRICA DOS PRODUTOS E BALANÇO DE MASSA SIMULADO DIA 29/04/82

NOMENCLATURA

Dc = diâmetro do ciclone

Di = diâmetro interno da entrada do ciclone

Do = diâmetro interno do vortex

Du = diâmetro interno do ápex

h = altura livre do vórtex, definida como a altura en tre o fundo do vórtex e o topo do apex

Ø = fração de sólidos, em volume, na alimentação

 ρ_s = densidade do sólido

ρl = densidade do líquido

Q = vazão volumétrica da polpa na alimentação

H = pressão no ciclone, expressa em altura de polpa

Rv = recuperação de polpa, em volume, no "underflow"

d = diâmetro da partícula

Lu = concentração limite de sólidos no ápex

Lu20 = concentração limite de sólidos no ápex para alimen tação com 20% de sólidos em volume

 Yc_i = fração de material recuperado no "underflow", corrigida, no tamanho i.

BIBLIOGRAFIA

- 01. LINCH, A.J. & RAO, R.C. Modelling and scale-up of hydrocy clones classifiers. In: INTERNATIONAL MINERAL PROCESSING CONGRESS, 2, Cagliari, 1975. Proceedings.
- 02. PLITT, L.R. A mathematical model of the hydrocyclone classifier. CIM Bull, Dec. 1976.
- 03. STRATTON; CRAWLEY, R.; AGAR, G. Multi-stage hydrocyclone circuit optimization by computer simulation. In: ANNUAL MEETING CMP, 2, Ottawa, 1979.
- 04. FORD, M.A. The simulation of ore dressing plants. Johannes burg. U. Witawatersrand. (Tese).

- 05. MELVOR, R.E. Process application design of hydrocyclones for closed circuit grinding. In: ANNUAL MEETING CMP, 16, Ottawa, 1984.
- 06. BRADLEY, D. The hydrocyclone. Pergamon Press, 1965.
- 07. PLITT, L.R. The analysis of solid-solid separations in classifiers. <u>CIM Bulletin</u>, 64, p. 42, 1971.
- 08. PLITT, L.R. & FLINTOFF, B.C. Classification and coal processing equipment. Canmet, En. Mines Res. Canada, <u>Divi</u>sion Report, MR P/MSL 83-84 (IR).
- 09. LYNCH, A.J. Mineral crushing and grinding circuits: their simulation, optimization, design and control. New York, Elsevier.
- 10. LAGUITTON, D. Material balance computation for process evaluation and modelling. Canmet, En. Min. Res. Canada, Di vision Report, MR P/MSL 81-123 (IR).

Números Fublicados na SÉRIE TECNOLOGIA MINERAL

- Nº 01 Flotação de Carvão; estudos em escala de bancada (esgotado)
- № 02 Beneficiamento de talco; estudos em escala de bancada;
- Nº 03 Beneficiamento de talco; estudos em usina piloto;
- Nº U4 Flotação de cianita da localidade de Boa Esperança (MG);
- Nº 05 Beneficiamento de diatomita do Ceará (esgotado);
- № 06 Eletrorrecuperação de zinco; uma revisão das variáveis influentes;
- № 07 Redução de gipsita com carvão vegetal;
- Nº 08 Beneficiamento de diatomita de Canavieira, do Estado do Ceará;
- № 09 Moagem autógena de itabirito em escala piloto;
- № 10 Flotação de minério oxidado de zinco de baixo teor (esgotado)
- Nº II Estudos de corrente de pulso sobre o eletrorrefino da prata (esgotado);
- № 12 Lixiviação bacteriana do sulfeto de cobre de baixo teor Caraíba (esgotado);
- № 13 Flotação de minérios oxidados de zinco; uma revisão da literatura (esgotado);
- № 14 Efeito de alguns parâmetros operacionais no eletrorrefino do ouro (esgotado);
- № 15 Flotação de Carvão de Santa Catarina em escala de bancada e piloto;
- № 16 Aglomeração seletiva de Carvão de Santa Catarina; estudos preliminares;
- № 17 Briquetagem e sua importância para a indústria (em revisão);
- Nº 18 Aplicação da petrografia no beneficiamento de carvão por flotação;
- Nº 19 Recuperação do cobre do minério oxidado de Caraíba por extração **por** solventes em escala de bancada (esgotado);
- Nº 20 Dynawhirlpool (DWF) e sua aplicação na indústria mineral;
- Nº 21 Flotação dos rejeitos finos de Scheelita em planta piloto (esgotado);
- Nº 22 Coque de Turfa e suas aplicações;
- № 23 Refino eletrolítico de ouro; processo Wohlwill (esgotado);
- Nº 24 Flotação de oxidados de zinco; estudos em escala piloto;
- Nº 25 Dosagem de ouro;
- № 26 Beneficiamento e extração de ouro e prata de minério sulfetado;
- Nº 27 Extração por solventes de cobre do minério oxidado de Caraíba;
- Nº 28 Freparo eletrolítico de solução de ouro;
- Nº 29 Recuperação de prata de fixadores fotográficos;
- Nº 30 Amostragem para processamento mineral;
- № 31 Indicador de Bibliotecas e Centros de Documentação em Tecnologia Mineral e Geociências do Rio de Janeiro;
- Nº 32 Alternativa para o Beneficiamento do Minério de Manganês de Urucum, Corumbá-MS;
- Nº 33 Biolixiviação de minério de Cobre de Baixo Teor;
- № 34 Beneficiamento do Calcário da Região de Cantagalo;